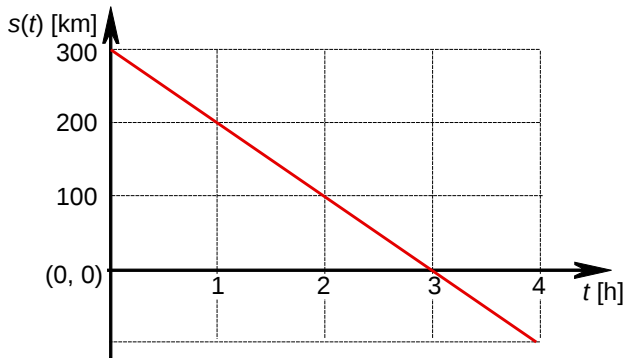


FOLHA 02

Após esta aula, a lista "Equações Horárias" pode ser iniciada.

Dado o gráfico a seguir. Ele representa a posição de um móvel em função do tempo em certo sistema de referência.



Determine a equação horária da posição, com tempo dado em horas e distância em quilômetros.

FUNÇÃO HORÁRIA DA POSIÇÃO: EQUAÇÃO DO SEGUNDO GRAU

A equação que descreve a posição de um móvel não necessariamente é uma equação do primeiro grau: ela pode ser virtualmente qualquer polinômio, uma função trigonométrica, função logarítmica, exponencial e muitas outras. Sugiro que estude estas funções, pois isso poderá lhe ajudar muito no desenvolvimento da física.

Vamos nos ater na equação do segundo grau por enquanto. Para isso devemos nos lembrar como é uma equação do segundo grau e quais suas propriedades. Vamos então escrever, da maneira que você viu/verá na matemática:

$$y = ax^2 + bx + c$$

Lembramos da "cara" da equação do segundo grau:

Observe pelo próprio desenho que c é o valor de y quando

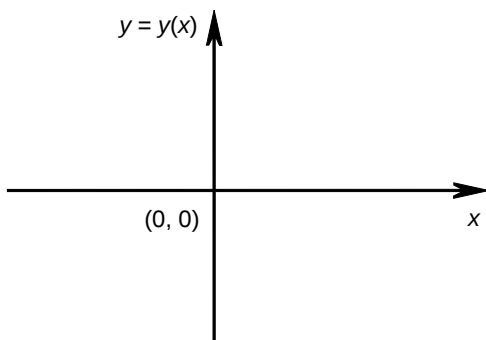


Figure 1: PARÁBOLA

$x = 0$, ou seja, é o valor de y onde o gráfico corta este mesmo eixo. Lembremos também que a determina a concavidade: se for positivo, a concavidade é para cima; se for negativo, a concavidade é para baixo.

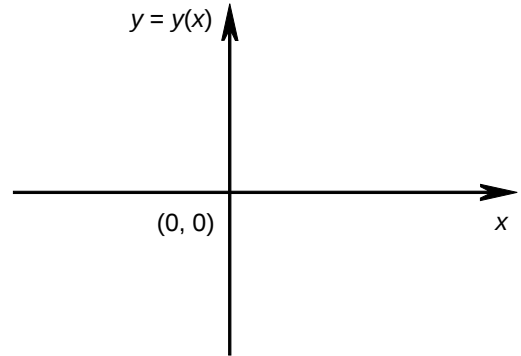


Figure 2: CONCAVIDADE POSITIVA

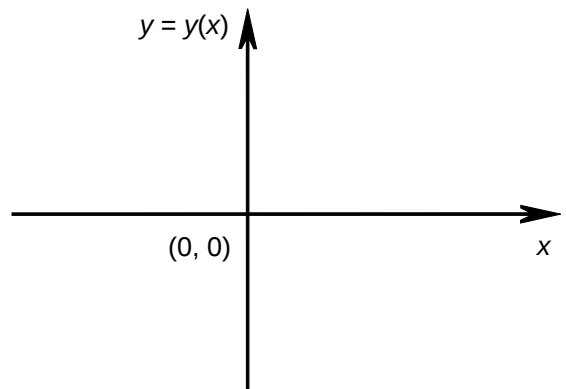


Figure 3: CONCAVIDADE NEGATIVA

Quanto à constante b , veremos de uma forma que talvez você não tenha visto: se esta constante for positiva então o gráfico será crescente em $x = 0$; se for negativa, o gráfico será decrescente em $x = 0$.

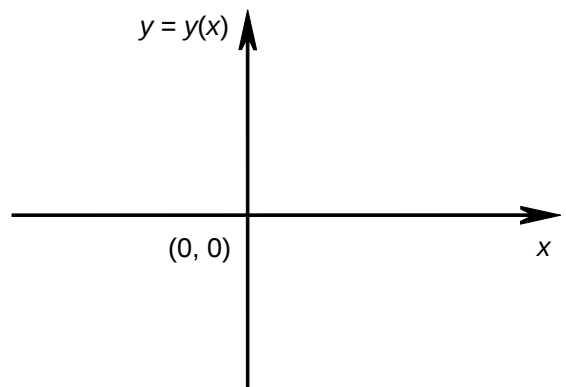


Figure 4: $b > 0$

Agora vamos aprender como "graficar" de forma qualitativa a função horária da posição quando esta for uma função do

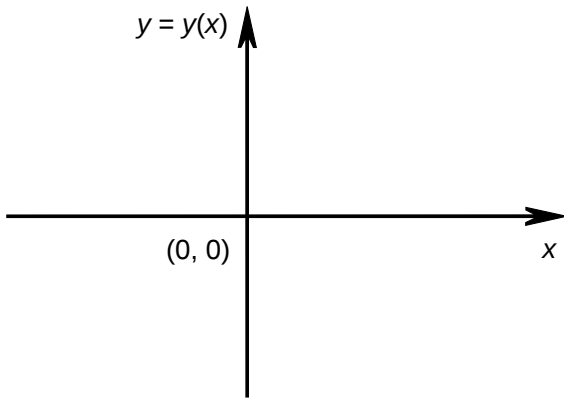


Figure 5: $b < 0$

segundo grau. Vamos começar com um exemplo:

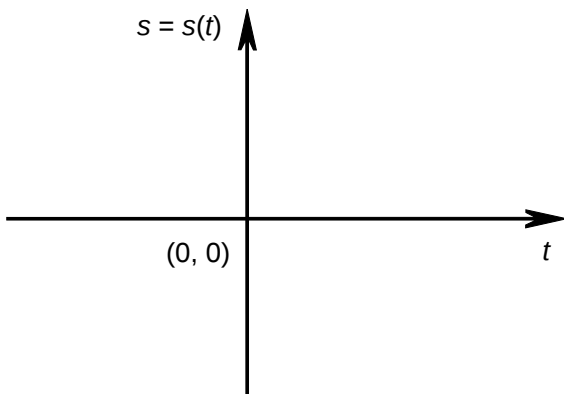
$$s(t) = 5 - 2t + 4t^2$$

Primeiro vamos verificar se esta função possui raízes. Lembremos do Δ :

Q. 01 – CÁLCULO DO Δ

Q. 02 – CÁLCULO DAS RAÍZES

O GRÁFICO FINAL



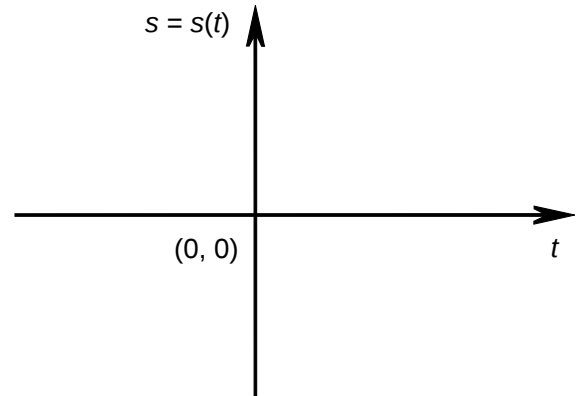
Outro exemplo:

$$s(t) = -10 - 7t - t^2$$

Q. 03 – CÁLCULO DO Δ

Q. 04 – CÁLCULO DAS RAÍZES

O GRÁFICO FINAL



Exemplo final:

$$s(t) = -4 + 8t - 4t^2$$

Q. 05 – CÁLCULO DO Δ

Q. 06 – CÁLCULO DAS RAÍZES

O GRÁFICO FINAL

