

1. (Unicamp 2015) Jetlev é um equipamento de diversão movido a água. Consiste em um colete conectado a uma mangueira que, por sua vez, está conectada a uma bomba de água que permanece submersa. O aparelho retira água do mar e a transforma em jatos para a propulsão do piloto, que pode ser elevado a até 10 metros de altura (ver figura abaixo).

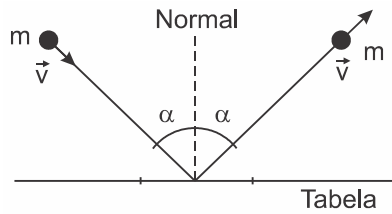


- a) Qual é a energia potencial gravitacional, em relação à superfície da água, de um piloto de 60kg, quando elevado a 10 metros de altura?
- b) Considere que o volume de água por unidade de tempo que entra na mangueira na superfície da água é o mesmo que sai nos jatos do colete, e que a bomba retira água do mar a uma taxa de 30 litros / s. Lembre-se que o impulso I de uma força constante F , dado pelo produto desta força pelo intervalo de tempo Δt de sua aplicação $I = F\Delta t$, é igual, em módulo, à variação da quantidade de movimento ΔQ do objeto submetido a esta força. Calcule a diferença de velocidade entre a água que passa pela mangueira e a que sai nos jatos quando o colete propulsor estiver mantendo o piloto de $m = 60\text{kg}$ em repouso acima da superfície da água. Considere somente a massa do piloto e use a densidade da água $\rho = 1\text{kg / litro}$.

2. (Uerj 2015) Um esquiador, com 70kg de massa, colide elasticamente contra uma árvore a uma velocidade de 72km / h.

Calcule, em unidades do SI, o momento linear e a energia cinética do esquiador no instante da colisão.

3. (Pucpr 2015) A figura a seguir ilustra uma visão superior de uma mesa de sinuca, onde uma bola de massa 400 g atinge a tabela com um ângulo de 60° com a normal e ricocheteia formando o mesmo ângulo com a normal. A velocidade da bola, de 9 m / s, altera apenas a direção do movimento durante o choque, que tem uma duração de 10 ms.



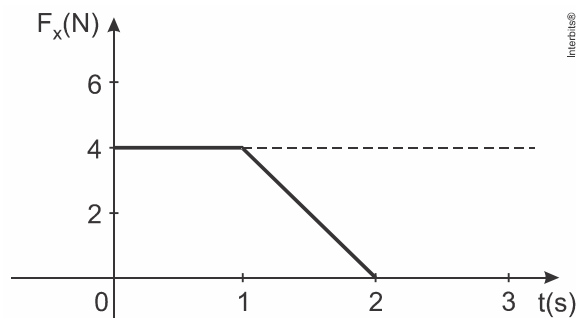
Fonte: <http://dc599.4shared.com/doc/60RRNU8T/preview_html_macca52f2.png> [adaptado]

A partir da situação descrita acima, a bola exerce uma força média na tabela da mesa de:

- a) 360 N.
- b) 5400 N.
- c) 3600 N.
- d) 4000 N.
- e) 600 N.

4. (Ufrgs 2015) Um bloco de massa 1kg move-se retilineamente com velocidade de módulo constante igual a 3 m / s, sobre uma superfície horizontal sem atrito. A partir de dado instante, o bloco recebe o impulso de sua força externa aplicada na mesma direção e sentido de seu movimento. A intensidade dessa força, em função do tempo, é dada pelo gráfico abaixo.

A partir desse gráfico, pode-se afirmar que o módulo da velocidade do bloco após o impulso recebido é, em m / s, de



- a) -6.
- b) 1.
- c) 5.
- d) 7.
- e) 9.

5. (Uerj 2015) Uma empresa japonesa anunciou que pretende construir o elevador mais rápido do mundo. Ele alcançaria a velocidade de 72 km / h, demorando apenas 43 segundos para chegar do térreo ao 95º andar de um determinado prédio.

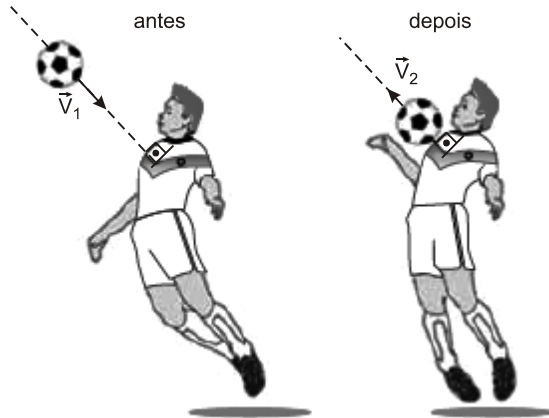
Considere os seguintes dados:

- aceleração constante do elevador;
- altura de cada andar do prédio igual a 4 m;
- massa do elevador, mais sua carga máxima, igual a 3000 kg.

Estime a força média que atua sobre o elevador, quando está com carga máxima, no percurso entre o térreo e o 95º andar.

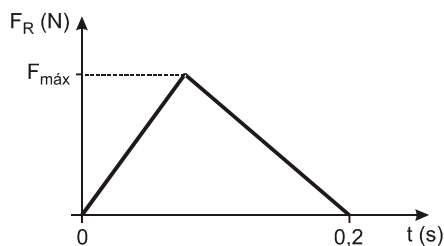
6. (Unesp 2015) O gol da conquista do tetracampeonato pela Alemanha na Copa do Mundo de 2014 foi feito pelo jogador Götze. Nessa jogada, ele recebeu um cruzamento, matou a bola no

peito, amortecendo-a, e chutou de esquerda para fazer o gol. Considere que, imediatamente antes de tocar o jogador, a bola tinha velocidade de módulo $V_1 = 8 \text{ m/s}$ em uma direção perpendicular ao seu peito e que, imediatamente depois de tocar o jogador, sua velocidade manteve-se perpendicular ao peito do jogador, porém com módulo $V_2 = 0,6 \text{ m/s}$ e em sentido contrário.



(www.colorir-e-pintar.com. Adaptado.)

Admita que, nessa jogada, a bola ficou em contato com o peito do jogador por $0,2 \text{ s}$ e que, nesse intervalo de tempo, a intensidade da força resultante (F_R), que atuou sobre ela, variou em função do tempo, conforme o gráfico.



Considerando a massa da bola igual a $0,4 \text{ kg}$, é correto afirmar que, nessa jogada, o módulo da força resultante máxima que atuou sobre a bola, indicada no gráfico por $F_{máx}$, é igual, em newtons, a

- a) 68,8.
- b) 34,4.
- c) 59,2.
- d) 26,4.
- e) 88,8.

7. (Uerj 2015) Admita uma colisão frontal totalmente inelástica entre um objeto que se move com velocidade inicial v_0 e outro objeto inicialmente em repouso, ambos com mesma massa.

Nessa situação, a velocidade com a qual os dois objetos se movem após a colisão equivale a:

- a) $\frac{v_0}{2}$
- b) $\frac{v_0}{4}$
- c) $2v_0$
- d) $4v_0$

8. (Fuvest 2015) Um trabalhador de massa m está em pé, em repouso, sobre uma plataforma de massa M . O conjunto se move, sem atrito, sobre trilhos horizontais e retilíneos, com velocidade de módulo constante v . Num certo instante, o trabalhador começa a caminhar sobre a plataforma e permanece com velocidade de módulo v , em relação a ela, e com sentido oposto ao do movimento dela em relação aos trilhos. Nessa situação, o módulo da velocidade da plataforma em relação aos trilhos é

- a) $(2m + M)v / (m + M)$
- b) $(2m + M)v / M$
- c) $(2m + M)v / m$
- d) $(M - m)v / M$
- e) $(m + M)v / (M - m)$

TEXTO PARA AS PRÓXIMAS 2 QUESTÕES:

Se precisar, utilize os valores das constantes aqui relacionadas.

Constante dos gases: $R = 8\text{J}/(\text{mol}\cdot\text{K})$.

Pressão atmosférica ao nível do mar: $P_0 = 100\text{ kPa}$.

Massa molecular do $\text{CO}_2 = 44\text{ u}$.

Calor latente do gelo: 80 cal/g .

Calor específico do gelo: $0,5\text{ cal}/(\text{g}\cdot\text{K})$.

$1\text{ cal} = 4 \times 10^7\text{ erg}$.

Aceleração da gravidade: $g = 10,0\text{ m/s}^2$.

9. (Ita 2015) Uma massa puntiforme é abandonada com impulso inicial desprezível do topo de um hemisfério maciço em repouso sobre uma superfície horizontal. Ao descolar-se da superfície do hemisfério, a massa terá percorrido um ângulo θ em relação à vertical. Este experimento é realizado nas três condições seguintes, I, II e III, quando são medidos os respectivos ângulos θ_I , θ_{II} e θ_{III} :

- I. O hemisfério é mantido preso à superfície horizontal e não há atrito entre a massa e o hemisfério.
- II. O hemisfério é mantido preso à superfície horizontal, mas há atrito entre a massa e o hemisfério.
- III. O hemisfério e a massa podem deslizar livremente pelas respectivas superfícies.

Nestas condições, pode-se afirmar que

- a) $\theta_{II} < \theta_I$ e $\theta_{III} < \theta_I$.
- b) $\theta_{II} < \theta_I$ e $\theta_{III} > \theta_I$.
- c) $\theta_{II} > \theta_I$ e $\theta_{III} < \theta_I$.
- d) $\theta_{II} > \theta_I$ e $\theta_{III} > \theta_I$.
- e) $\theta_I = \theta_{III}$.

10. (Ita 2015) Uma chapa metálica homogênea quadrada de 100 cm^2 de área, situada no plano XY de um sistema de referência, com um dos lados no eixo X , tem o vértice inferior esquerdo na origem. Dela, retira-se uma porção circular de $5,00\text{ cm}$ de diâmetro com o centro posicionado em $x = 2,50\text{ cm}$ e $y = 5,00\text{ cm}$.

Determine as coordenadas do centro de massa da chapa restante.

- a) $(x_C, y_C) = (6,51, 5,00)\text{ cm}$
- b) $(x_C, y_C) = (5,61, 5,00)\text{ cm}$
- c) $(x_C, y_C) = (5,00, 5,61)\text{ cm}$

d) $(x_c, y_c) = (5,00, 6,51)\text{cm}$

e) $(x_c, y_c) = (5,00, 5,00)\text{cm}$

TEXTO PARA A PRÓXIMA QUESTÃO:

Considere os dados abaixo para resolver a(s) questão(ões) quando for necessário.

Constantes físicas

Aceleração da gravidade: $g = 10\text{ m / s}^2$

Densidade da água: $r = 1,0\text{ g / cm}^3$

11. (G1 - cftmg 2015) Uma bola de futebol de massa $m = 0,20\text{kg}$ é chutada contra a parede a uma velocidade de $5,0\text{m/s}$. Após o choque, ela volta a $4,0\text{m/s}$. A variação da quantidade de movimento da bola durante o choque, em $\text{kg}\times\text{m/s}$, é igual a

a) 0,2.

b) 1,0.

c) 1,8.

d) 2,6.

Gabarito:

Resposta da questão 1:

a) Dados: $m = 60 \text{ kg}$; $g = 10 \text{ m/s}^2$; $h = 10 \text{ m}$.

$$E_{\text{pot}} = m g h = 60 \times 10 \times 10 \Rightarrow E_{\text{pot}} = 6.000 \text{ J.}$$

b) $\frac{V}{\Delta t} = 30 \frac{\text{L}}{\text{s}} \Rightarrow \frac{m_a}{\Delta t} = 30 \frac{\text{kg}}{\text{s}}$; $m = 60 \text{ kg}$; $g = 10 \text{ m/s}^2$.

O piloto está em equilíbrio: $|\vec{F}_a| = P = m g = 60 \times 10 \Rightarrow |\vec{F}_a| = 600 \text{ N}$.

$$\Delta Q = |\vec{F}_a| \Delta t \Rightarrow m_a \Delta v = |\vec{F}_a| \Delta t \Rightarrow \frac{m_a}{\Delta t} \Delta v = |\vec{F}_a| \Rightarrow 30 \Delta v = 600 \Rightarrow$$

$$\Delta v = 20 \text{ m/s.}$$

Resposta da questão 2:

Dados: $m = 70 \text{ kg}$; $v = 72 \text{ km/h} = 20 \text{ m/s}$.

$$p = m v = 70 \times 20 \Rightarrow p = 1.400 \text{ kg m/s.}$$

$$E_C = \frac{m v^2}{2} = \frac{70(20)^2}{2} \Rightarrow E_C = 14.000 \text{ J.}$$

Resposta da questão 3:

[A]

Para a resolução da questão usaremos o teorema do Impulso

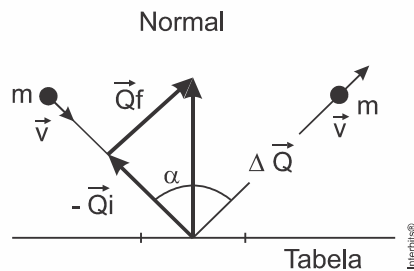
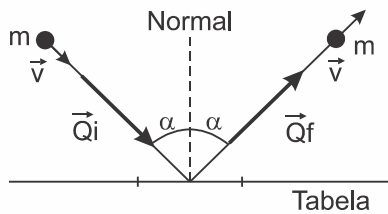
$$\vec{I} = \Delta \vec{Q} \quad (1)$$

Onde,

\vec{I} = impulso da força média em N/s;

$\Delta \vec{Q}$ = variação da quantidade de movimento em kg m/s que é calculada vetorialmente, como vemos nas figuras:

$$\Delta \vec{Q} = \vec{Q}_f - \vec{Q}_i \quad (2)$$



Nota-se que o triângulo formado é equilátero, pois todos os ângulos internos são iguais entre si, sendo assim, a variação da quantidade de movimento ΔQ é exatamente igual à quantidade de movimento inicial Q_i e final Q_f , isto é, em módulo

$$\Delta Q = Q_i = m \times v = 0,4 \text{ kg} \times \frac{\text{m}}{\text{s}} = 3,6 \text{ kg} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

Sabendo que o módulo do Impulso é dado por:

$$I = F_m \times t \quad (3)$$

Juntando as equações (3) e (1), temos:

$$F_m \times t = \Delta Q \quad (4)$$

Donde sai a força média da colisão da bola com a tabela, em módulo:

$$F_m = \frac{\Delta Q}{t} = \frac{3,6 \text{ Ns}}{10 \times 10^{-3} \text{ s}} = 360 \text{ N}$$

Resposta da questão 4:

[E]

O Impulso recebido é numericamente igual à "área" entre a linha do gráfico e o eixo t.

$$I_F^r = \frac{2+1}{2} \times 4 \Rightarrow I_F^r = 6 \text{ N}\times\text{s}.$$

Se a referida força é a resultante, podemos aplicar o Teorema do Impulso.

$$I_R^r = \Delta Q \Rightarrow I_R^r = m(v - v_0) \Rightarrow 6 = 1(v - 3) \Rightarrow$$

$v = 9 \text{ m/s}.$

Resposta da questão 5:

A questão está muito mal formulada, pois ela não especifica:

- se o elevador para ao atingir o 95º andar (caso esse não seja o último andar), ou se passa por ele com velocidade de 72 km / h;
- se essa força média é a resultante, ou a tração no cabo que puxa o elevador.

Vamos considerar três situações, aplicando o teorema do impulso em cada uma delas.

1ª) O elevador para no 95º andar e a força média pedida é a resultante (**R**).

$$I_R^V = \Delta Q \Rightarrow R \Delta t = m \Delta v \Rightarrow R \times 43 = 3.000(0 - 0) \Rightarrow \boxed{R = 0 \text{ N.}}$$

2ª) O elevador passa pelo 95º andar com velocidade de 72 km/h (20 m/s) e a força média pedida é a resultante (**R**).

$$I_R^V = \Delta Q \Rightarrow R \Delta t = m \Delta v \Rightarrow R \times 43 = 3.000(20 - 0) \Rightarrow \boxed{R \cong 1.395 \text{ N.}}$$

3ª) O elevador passa pelo 95º andar com velocidade de 72 km/h (20 m/s) e a força média pedida é a força de tração no cabo (**F**).

$$I_R^V = \Delta Q \Rightarrow (F - P) \Delta t = m \Delta v \Rightarrow (F - 30.000) 43 = 3.000(20 - 0) \Rightarrow$$

$$F = \frac{60.000}{43} + 30.000 \Rightarrow \boxed{F \cong 31.400 \text{ N.}}$$

Resposta da questão 6:

[B]

Orientando a trajetória no sentido da velocidade de chegada, $V_1 = 8 \text{ m/s}$ e $V_2 = -0,6 \text{ m/s}$.

Durante a colisão, o impulso da força resultante é numericamente igual à área entre a linha do gráfico e o eixo dos tempos. Assim, aplicando o teorema do impulso:

$$|I_H^V| = |\Delta Q| \Rightarrow \frac{F_{\text{máx}} \Delta t}{2} = m |\Delta V| \Rightarrow F_{\text{máx}} = \frac{2 m |\Delta V|}{\Delta t} = \frac{2 \times 0,4 \times |-0,6 - 8|}{0,2} \Rightarrow$$

$$\boxed{F_{\text{máx}} = 34,4 \text{ N.}}$$

Resposta da questão 7:

[A]

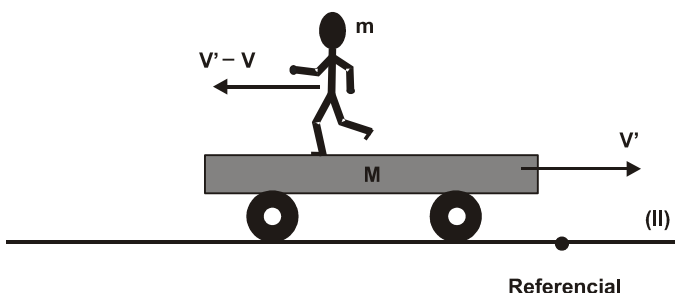
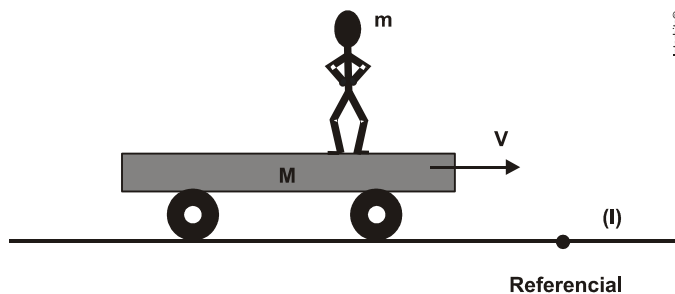
Pela conservação da quantidade de movimento:

$$m v_0 = 2 m v \Rightarrow \boxed{v = \frac{v_0}{2}}$$

Resposta da questão 8:

[A]

A figura ilustra a situação, mostrando as velocidades do trabalhador e da plataforma, em relação ao referencial fixo no solo nas situações (I) e (II).



Pela conservação da Quantidade de Movimento:

$$Q_{(I)} = Q_{(II)} \Rightarrow (m+M)v = Mv' + m(v'-v) \Rightarrow mv + Mv = Mv' + mv' - mv \Rightarrow$$

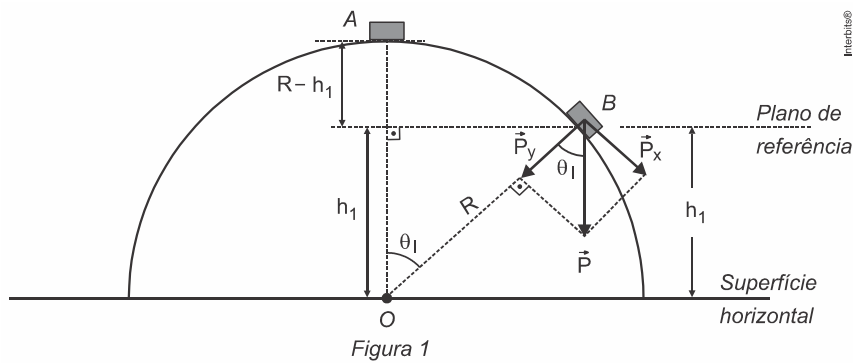
$$2mv + Mv = (M+m)v' \Rightarrow (2m+M)v = (M+m)v' \Rightarrow$$

$$v' = \frac{(2m+M)v}{(M+m)}$$

Resposta da questão 9:

[C]

Condição I - Hemisfério fixo e a descida é sem atrito.



Aplicando a conservação da energia mecânica, considerando o plano de referência mostrado na Figura 1:

$$E_{\text{mec}}^A = E_{\text{mec}}^B \Rightarrow m g (R - h_1) = \frac{m v_B^2}{2} \Rightarrow v_B^2 = 2 g (R - h_1) \quad (\text{I}).$$

No ponto B, onde ocorre o descolamento, a normal se anula. Assim, a resultante centrípeta é a componente radial do peso (\vec{P}_y).

$$P_y = R_{\text{cent}} \Rightarrow m g \cos \theta_1 = \frac{m v_B^2}{R} \Rightarrow v_B^2 = R g \cos \theta_1 \quad (\text{II}).$$

Mas

$$\cos \theta_1 = \frac{h_1}{R} \quad (\text{III}).$$

Substituindo (III) em (II):

$$v_B^2 = R g \frac{h_1}{R} \Rightarrow v_B^2 = g h_1 \quad (\text{IV}).$$

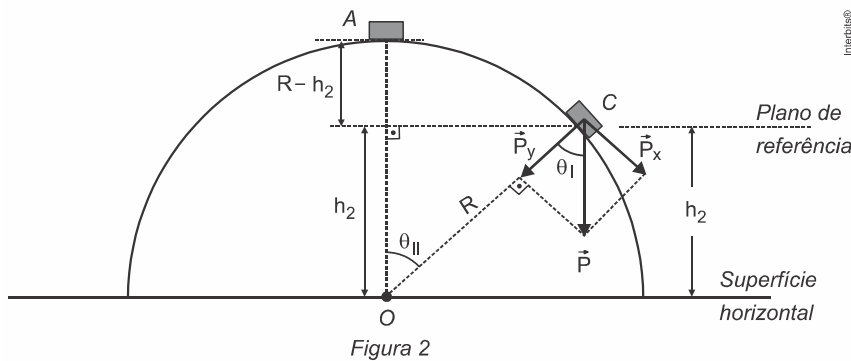
Igualando (IV) e (II):

$$g h_1 = 2 g (R - h_1) \Rightarrow h_1 + 2 h_1 = 2 R \Rightarrow h_1 = \frac{2}{3} R \quad (\text{V}).$$

Substituindo (V) em (III):

$$\cos \theta_1 = \frac{\left(\frac{2}{3}\right) R}{R} \Rightarrow \cos \theta_1 = \frac{2}{3} \quad (\text{VI}).$$

Condição II - Hemisfério fixo e a descida é com atrito.



Como o sistema é não conservativo, a energia mecânica dissipada (E_d) entre A e C (ponto de descolamento) é igual à diferença positiva entre energia mecânica inicial e a final. Considerando o plano de referência indicado na Figura 2, temos:

$$E_d = E_{mec}^A - E_{mec}^C \Rightarrow E_d = m g(R - h_2) - \frac{m v_C^2}{2} \Rightarrow v_C^2 = \frac{2 \mu g(R - h_2)}{\mu} - \frac{2 E_d}{m} \Rightarrow$$

$$v_C^2 = 2 gR - 2 g h_2 - \frac{2 E_d}{m} \quad (VII).$$

Repetindo o mesmo procedimento da condição anterior, para o novo ponto de descolamento (C), obtemos:

$$P_y = R_{cent} \Rightarrow \mu g \cos \theta_{11} = \frac{\mu v_B^2}{R} \Rightarrow v_B^2 = R g \cos \theta_{11} \quad (VIII).$$

Mas

$$\cos \theta_{11} = \frac{h_2}{R} \quad (IX).$$

Substituindo (IX) em (VIII):

$$v_B^2 = \mu g \frac{h_2}{\mu} \Rightarrow v_B^2 = g h_2 \quad (X).$$

Igualando (X) e (VII):

$$g h_2 = 2 gR - 2 g h_2 - \frac{2 E_d}{m} \Rightarrow 3 g h_2 = 2 gR - \frac{2 E_d}{m} \Rightarrow h_2 = \frac{2 gR}{3 g} - \frac{2 E_d}{3 m g} \Rightarrow$$

$$h_2 = \frac{2}{3} \left(R - \frac{2 E_d}{3 m g} \right) \quad (XI).$$

• **Nota:** como era de se esperar, a condição I é um caso particular da condição II, para quando não há atrito ($E_d = 0$).

$$\text{Comparando (V) e (XI)} \Rightarrow h_2 < h_1 \Rightarrow \cos \theta_{11} < \cos \theta_1 \Rightarrow \theta_{11} > \theta_1.$$

Condição III - Hemisfério livre e a descida é sem atrito.

Nessa condição, na direção horizontal, o sistema é mecanicamente isolado. Assim, durante a descida, nessa direção, o hemisfério ganha velocidade para a esquerda e a massa ganha um adicional de velocidade para a direita. Então, ao passar por um mesmo ponto do hemisfério, antes do descolamento, a velocidade na condição III é maior do que na condição I. De acordo com a equação (IV), a velocidade e a altura no ponto de descolamento seguem a expressão:

$$v^2 = gh \Rightarrow h = \frac{v^2}{g} \Rightarrow \text{Quanto maior a velocidade, mais alto é o ponto de descolamento.}$$

Sendo h_3 a altura do ponto de descolamento na condição III, esse raciocínio nos leva a

concluir que: $h_3 > h_1 \Rightarrow \cos\theta_{III} > \cos\theta_1 \Rightarrow \boxed{\theta_{III} < \theta_1.}$

Resposta da questão 10:

[B]

Sejam:

A : área da chapa quadrada, inteira $\rightarrow A = 100\text{cm}^2$;

A_D : área da porção circular retirada (disco) $\rightarrow A_D = \pi r^2$;

A_C : área da chapa sem o disco $\rightarrow A_C = A - A_D$;

σ : densidade superficial da chapa (e do disco).

Antes da retirada da porção circular (disco), o centro de massa (CM) da chapa inteira estava localizado no seu centro geométrico, pois ela é homogênea, suposta de espessura constante. Assim, as coordenadas do centro de massa eram $(x_{CM}, y_{CM}) = (5,00; 5,00)\text{cm}$, conforme mostra a figura 1.

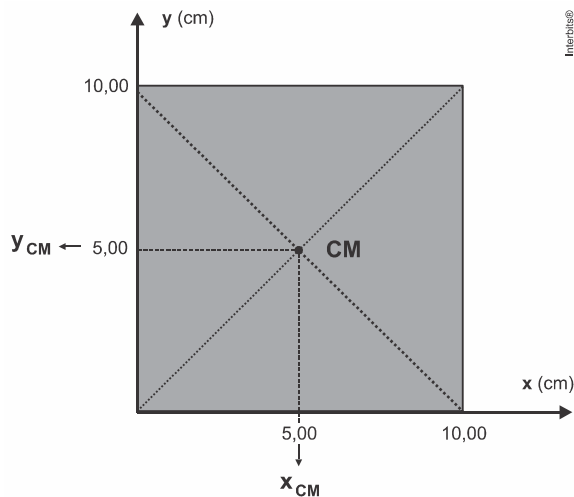


Fig 1 - Chapa inteira

Com o disco retirado, o centro de massa da chapa passa a ser (x_C, y_C) , como ilustrado na figura 2.

massa. Assim, $y_C = 5,00\text{cm}$.

Portanto,

$$(x_C, y_C) = (5,61 ; 5,00) \text{ cm.}$$

Resposta da questão 11:

[C]

Nota: A questão poderia ser melhor se pedisse o **módulo** da variação da quantidade de movimento.

Considerando que ela volte em sentido oposto, temos:

$$v_1 = 5 \text{ m/s}; v_2 = -4 \text{ m/s.}$$

O módulo da variação da quantidade de movimento (ΔQ) é:

$$\Delta Q = m|\Delta v| = 0,2|-4 - 5| = 0,2(9) \Rightarrow \Delta Q = 1,8 \text{ kg}\cdot\text{m/s.}$$